

<<概率论与数理统计>>

图书基本信息

书名：<<概率论与数理统计>>

13位ISBN编号：9787030352705

10位ISBN编号：703035270X

出版时间：2012-8

出版时间：科学出版社

作者：郭民之

页数：280

字数：371000

版权说明：本站所提供下载的PDF图书仅提供预览和简介，请支持正版图书。

更多资源请访问：<http://www.tushu007.com>

## <<概率论与数理统计>>

### 内容概要

《概率论与数理统计：理工类》主要介绍概率论与数理统计的基本概念、原理和方法。以实际应用为背景，讲述力求简明通俗，突出概率统计课程理论学习与计算机运用相结合的特色，在规定的教学内容中加入简明实用的Excel函数命令和操作演示。内容包括随机事件与概率、随机变量及其分布、多维随机变量及其分布、随机变量的数字特征、数理统计的基本概念、参数估计、假设检验、方差分析与回归分析。每小节后都配有习题，书末附有习题参考答案。

《概率论与数理统计：理工类》可作为开设概率统计课程的师范院校及理工、经管类院校本、专科学生及相关读者，也可作为相关专业学生的教学参考书。

<<概率论与数理统计>>

作者简介

郭民之、曾黎、曹军、聂彩仁、杨新平

## &lt;&lt;概率论与数理统计&gt;&gt;

## 书籍目录

序言前言第1章 随机事件与概率1.1 随机事件1.2 统计概率、古典概率及几何概率1.3 概率的公理化定义及性质1.4 条件概率1.5 独立性第2章 随机变量及其分布2.1 随机变量及其分布函数2.2 常见的离散型分布2.3 常见的连续型分布2.4 随机变量函数的分布第3章 多维随机变量及其分布3.1 二维随机变量及其分布3.2 边际分布与随机变量的独立性3.3 多维随机变量函数的分布第4章 随机变量的数字特征4.1 数学期望4.2 方差和矩4.3 多维随机变量的数字特征4.4 大数定律与中心极限定理第5章 数理统计的基本概念5.1 总体与样本5.2 统计量及其分布5.3 来自正态总体的三大抽样分布第6章 参数估计6.1 点估计6.2 点估计的常用方法6.3 置信区间6.4 正态总体参数的置信区间第7章 假设检验7.1 假设检验的基本概念7.2 单正态总体参数的假设检验7.3 双正态总体参数的假设检验7.4 分布拟合检验第8章 方差分析与回归分析8.1 单因素方差分析8.2 一元线性回归模型习题参考答案参考文献附表 常用分布表附表1 常用的概率分布表附表2 二项分布表附表3 泊松分布表附表4 标准正态分布表附表5 标准正态分布左侧分位数表附表6 t分布双侧及右侧分位数表附表7  $\chi^2$ 分布右侧分位数表附表8 F分布右侧分位数表

## &lt;&lt;概率论与数理统计&gt;&gt;

## 章节摘录

第1章 随机事件与概率 概率论是研究随机现象及其统计规律性的一门数学学科，而数理统计则是一门以概率论为理论工具的，研究如何收集、整理、分析和推断具有随机性的数据资料的学科。

概率论是数理统计的理论基础，而数理统计是概率论的应用，二者相辅相成，相得益彰。

本章首先要学习的随机事件及其概率是概率论中最基本、最重要的概念之一。

1.1 随机事件 1.1.1 随机现象大千世界，气象万千。

我们身处一个不断变化的现实世界中，每天都要和各种各样无法预料的事情打交道：明天是否会下雨；今天上学会不会迟到；周末环城路会不会堵车；买一张彩票能否中奖；本周云南白药股价是否上涨；这些无法预知结果的问题充满了我们的周围，吸引我们去关注。

称这类在一定条件下其结果不能确定的现象为随机现象。

相应地，在一定条件下其结果可以完全确定的现象称为确定性现象，如太阳每天东升西落；春夏秋冬，周而复始；同种电荷相互排斥，异种电荷相互吸引；在平面上画一个三角形，其内角和一定等于 $180^\circ$ ；纯水在一个标准大气压下加热到 $100^\circ\text{C}$ ，水必然会沸腾。

随机现象在现实世界中广泛存在，这决定了对随机现象的研究具有重要的理论意义和实用价值。

概率论就是研究随机现象及其规律性的一门数学学科。

可能有人会问：既然随机现象的结果无法预知，它怎么会有规律呢？

若有，其规律性又如何体现呢？

实际上，随机现象是有规律的，其规律是一种集体性规律，或者说，是一种统计规律，即对随机现象进行大量试验或观察后所呈现出来的某种稳定性质。

例如，在相同条件下，连续抛掷一枚均匀硬币很多次，就会发现掷出正面和掷出反面的机会大致均等，或者说，“出现正面”和“出现反面”这两个结果出现的频率都稳定在 $1/2$ 这个值附近。

又如，全世界人口中男、女人数大致各占一半；在正常情况下，一个城市每天居民的用水量、用电量大致稳定。

尽管从少量的随机现象中一般无法看出其规律，但随着试验或观察次数的增加就会发现，随机现象的这种统计规律是客观存在的，这正是概率论这门学科能够存在并不断发展的客观基础。

1.1.2 随机试验与样本空间 随机现象是概率论研究的对象。

要获得对随机现象规律性的认识，必须要通过试验或观察来获取数据资料。

有时研究者可以做试验主动地得到试验结果，如连续抛掷一枚硬币记录正面出现的次数；有时可以通过观察被动地得到数据，如观察记录一小时内通过某路口的车辆数，以下把试验或观察都称为试验。

一般地，针对某种目的的一组条件的实现称为试验。

概率论中所说的试验通常要求能够重复进行，由此才能探究其统计规律。

定义1.1.1 具有以下三个特征的试验称为随机试验，记为 $E$ ：(1)可重复性：试验可以在相同条件下重复进行；(2)可界定性：每次试验的可能结果不止一个，但试验可能出现哪些结果是明确的；(3)不确定性：每次试验有且仅有一种结果出现，并且在试验之前无法预知哪个结果会出现。

设 $\omega$ 为随机试验 $E$ 的一个可能出现的基本结果，称 $\omega$ 为 $E$ 的一个样本点（或一个基本事件），样本点的全体所成的集合 $\Omega$ 称为样本空间，记为 $\Omega$ ，即 $\Omega = \{\omega\}$ 。

在每次试验中必有一个样本点出现且仅有一个样本点出现。

在具体问题中，弄清楚 $\Omega$ 的构成是十分重要的。

例1.1.1 以下几个试验均为随机试验：(1) $E_1$ ：抛掷一枚硬币，观察其出现正面还是反面。

记 $\omega_1 =$ “出现正面”， $\omega_2 =$ “出现反面”，则样本空间由两个样本点构成，即 $\Omega = \{\omega_1, \omega_2\}$ 。

若用字母H (head) 和T (tail) 分别表示正面和反面，则可以直接记为 $\Omega = \{H, T\}$ 。

(2) $E_2$ ：将抛掷一枚硬币两次视为一次试验，观察其出现正、反面的情况，则其样本空间为 $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3, \omega_4\}$ ，其中这4个样本点分别表示HH, HT, TH, TT四种可能结果，也可以直接记为 $\Omega = \{HH, HT, TH, TT\}$ 。

(3) $E_3$ ：抛掷一枚骰子，记录其出现的点数，则其样本空间为 $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_6\}$ ，其中 $\omega_i$  ( $i=1, 2, \dots, 6$ ) 表示“出现 $i$ 点”，也可以直接记为 $\Omega = \{1, 2, \dots, 6\}$ 。

## &lt;&lt;概率论与数理统计&gt;&gt;

(4)  $E_4$ : 记录某电话总机一天内接到的呼叫次数, 则样本空间为  $\Omega = \{0, 1, 2, \dots\}$ , 其中  $\omega_i$  ( $i=0, 1, 2, \dots$ ) 表示“接到*i*次呼叫”。

(5)  $E_5$ : 从某种型号的一批电视机中任意抽出一台, 测量其寿命 $T$ , 则其样本空间为  $\Omega = \{T \mid T > 0\}$ 。

需要注意的是, 每一个随机试验都对应于一个样本空间, 样本点的数目可以是有限的, 如例1.1.1(1)~(3)中的 $\Omega$ ; 也可以是无限的, 如例1.1.1(4), (5)中的 $\Omega$ 。此时, 分别称它们为有限样本空间和无限样本空间。

1.1.3 随机事件通过试验研究随机现象的规律时, 通常关心的是随机现象中可能出现也可能不出现的结果, 这些结果称为随机事件, 简称事件(event), 通常用大写字母 $A, B, C, \dots$ 表示。例如, 例1.1.1 $E_1$ 中的“出现正面”(即 $\omega_1$ ), 记为 $A$ ;  $E_3$ 中的“出现偶数点”, 记为 $B$ ;  $E_5$ 中的“寿命大于5000h”, 记为 $C$ ; ..一般的随机事件是由若干样本点共同组成的, 如上述三个事件可分别表示为 $A = \{\omega_1\}$ ,  $B = \{\omega_2, \omega_4, \omega_6\}$ ,  $C = \{T \mid T > 5000\}$ 。

从集合论的观点来看, 随机事件是样本空间的一个子集。

当且仅当事件 $A$ 所含的一个样本点出现时称为事件 $A$ 出现(或者说事件 $A$ 发生)。

样本点实际上是随机事件中特殊的一种, 即只包含一个样本点的随机事件, 故也称之为基本事件。

样本空间 $\Omega$ 的最大子集(即 $\Omega$ 本身)称为必然事件, 其最小子集(即空集)称为不可能事件。

必然事件(不可能事件)在每次试验中都会出现(都不会出现)。

严格来说,  $\Omega$ 及实际上已经不具有随机性了, 但通常把它们看成特殊的随机事件。

1.1.4 随机事件的表示随机事件可以用不同的形式来描述, 可以用文字语言叙述, 如“买一张彩票中奖”; 可以用数字, 如“3”表示出现3点; 还可以用符号或字母, 如“+”或“H”均可表示“出现正面”等。

但随机事件表示形式的多样性不方便进行理论研究, 为此, 在第2章中将引入随机变量来对随机事件进行统一的描述。

这样做的主要目的是要借助微积分这一处理变量的有力工具来研究随机事件。

粗略地说, 随机变量就是用来表示随机现象结果的变量, 常用大写字母 $X, Y, Z, \dots$ 表示。

随机变量根据出现的样本点 $\omega$ 的不同而取不同的值来表示随机事件。

例如, 用 $X$ 表示掷一颗骰子出现的点数, 则“ $X=3$ ”就表示“出现3点”这一随机事件。

事实上, 任意随机事件 $A$ 都可以用一个随机变量 $X$ 来表示。

例如, 令 $1_A = X(\omega) = 0$ , 则容易看出“ $X=1$ ”等价于事件 $A$ 发生。

讨论实际问题时, 根据需要, 可引入不同的随机变量。

关于随机变量的进一步讨论详见第2章。

1.1.5 随机事件之间的关系及运算讨论事件之间的关系及运算, 其主要目的是想把复杂事件表示为简单事件的组合形式, 希望通过对简单事件的了解去把握复杂的事件。

由于随机事件可看成样本空间 $\Omega$ 的子集, 因此, 事件之间的关系及运算也就相当于集合之间的关系及运算。

任意两个事件 $A, B$ 的关系可用维恩(Venn)图表示如下, 如图1.1.1所示。

图1.1.1 事件的关系以下用 $A, B, C, A_i, B_i$ 等表示随机事件。

先引入几个关于事件关系的常用概念。

1.事件的包含若 $A$ 发生必然导致 $B$ 发生, 即 $A$ 中的每一个样本点都包含在 $B$ 中, 则称 $A$ 包含于 $B$ , 记为 $A \subset B$ , 如图1.1.1(a)所示。

这时, 也可以等价地说 $B$ 包含 $A$ , 记为 $B \supset A$ 。

显然, 对任意事件 $A, B$ , 有 $A \subset A$ 。

特别地, 当 $A \subset B$ 且 $B \subset A$ 时, 称事件 $A$ 与 $B$ 相等, 记为 $A = B$ 。

2.事件的并“两事件 $A$ 与 $B$ 中至少有一个发生”也是一个事件, 此事件由 $A$ 与 $B$ 的所有样本点构成, 称为 $A$ 与 $B$ 的并, 记为 $A \cup B$ , 如图1.1.1(b)所示。

若并事件 $A \cup B$ 发生, 那么或 $A$ 发生, 或 $B$ 发生, 当然也可能 $A$ 与 $B$ 同时发生。

<<概率论与数理统计>>

可将并的概念推广到有限个事件以及可数多个事件的情形。

称事件“ $A_1, \dots, A_n$ 中至少有一个发生”为 $n$ 个事件 $A_1, \dots, A_n$ 的并, 记为 $A_1 \cup \dots \cup A_n$ 或 $\bigcup_{i=1}^n A_i$ , 进一步, 称事件“ $A_1, A_2, \dots$ 中至少有一个发生”为可数多个事件 $A_1, A_2, \dots$ 的并, 记为 $A_1 \cup A_2 \cup \dots$ 或 $\bigcup_{i=1}^{\infty} A_i$ 。3.事件的交“两事件 $A$ 与 $B$ 同时发生”也是一个事件, 此事件由 $A$ 与 $B$ 的公共的样本点构成, 称为 $A$ 与 $B$ 的交, 记为 $A \cap B$ , 或简记为 $AB$ , 如图1.1.1(c)。

同上, 可将交的概念推广。

称事件“ $A_1, \dots, A_n$ 同时发生”为 $n$ 个事件 $A_1, \dots, A_n$ 的交, 记为 $A_1 \cap \dots \cap A_n$ 或 $\bigcap_{i=1}^n A_i$ , 也常常记为 $A_1 A_2 \dots A_n$ 。进一步, 称事件“ $A_1, A_2, \dots$ 同时发生”为可数多个事件 $A_1, A_2, \dots$ 的交, 记为 $A_1 \cap A_2 \cap \dots$ 或 $\bigcap_{i=1}^{\infty} A_i$ 。

4.事件的差“ $A$ 发生而 $B$ 不发生”也是一个事件, 此事件由 $A$ 中不包含于 $B$ 内的所有样本点构成, 称为 $A$ 与 $B$ 的差, 记为 $A - B$ , 如图1.1.1(d)所示。根据具体情况, 常常需要灵活地使用如下并事件的不同表达式:  $A \cup B = A \cup (B - A) = A \cup (B - AB) = B \cup (A - B) = B \cup (A - AB) = (A \cup B) \cup AB = (A \cup B) \cup (B - A)$ 。

5.互不相容若事件 $A$ 与 $B$ 不能同时发生, 则称 $A$ 与 $B$ 互不相容, 或称 $A$ 与 $B$ 互斥。

易见 $A$ 与 $B$ 互斥 $AB = \emptyset$ , 如图1.1.1(e)所示。

6.互逆若两事件 $A$ 与 $B$ 同时满足如下条件:  $A \cup B = \Omega$  且  $AB = \emptyset$  也就是说, 事件 $A$ 与 $B$ 必发生其一, 但 $A$ 与 $B$ 又不能同时发生, 则称 $A$ 与 $B$ 互为逆, 事件(或对立事件), 简称 $A$ 与 $B$ 互逆。

若记 $A$ 的逆事件为 $\bar{A}$ , 则 $\bar{A} = B$ 。

实际上,  $\bar{A} = \Omega - A = B$ 。

同理,  $\bar{B} = \Omega - B = A$ , 如图1.1.1(f)所示。

一般地, 对任意两个事件 $A$ 与 $B$ 有 $\overline{AB} = \bar{A} \cup \bar{B}$ , 这由上面的维恩图容易看出。

例1.1.2 袋中装有10个相同的小球, 标号分别为1, 2, ..., 10。从袋中任意取出一球, 用 $\omega_i (i=1, 2, \dots, 10)$ 表示基本事件“取到 $i$ 号球”, 记,  $A =$ “取到3号球” $= \{\omega_3\}$ ,  $B =$ “取到奇号球” $= \{\omega_1, \omega_3, \omega_5, \omega_7, \omega_9\}$ ,  $C =$ “取到偶号球” $= \{\omega_2, \omega_4, \omega_6, \omega_8, \omega_{10}\}$ ,  $D = \{\omega_1, \omega_5, \omega_7, \omega_9\}$ , 则有 $A \subset B$ ,  $A \cap B = B$ ,  $AB = A$ ,  $B - A = \{\omega_1, \omega_5, \omega_7, \omega_9\} = D$ ,  $B = A \cup D$ ,  $A$ 与 $C$ 互斥, 即 $AC = \emptyset$ ,  $A \cup C = \{\omega_2, \omega_3, \omega_4, \omega_6, \omega_8, \omega_{10}\}$ ,  $B$ 与 $C$ 互逆,  $A \cup B \cup C = \Omega$ 。

注1.1.1  $A$ 与 $B$ 互逆可以推出 $A$ 与 $B$ 互斥, 但反之未必成立。

例如, 在例1.1.2中,  $A$ 与 $C$ 互斥, 但 $A$ 与 $C$ 并不互逆。

7.事件的运算法则由集合的运算性质可知, 事件之间的运算满足如下运算规律: (1) 交换律:  $A \cup B = B \cup A$ ,  $AB = BA$ ; (2) 结合律:  $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$ ,  $(AB)C = A(BC)$ ; (3) 分配律:  $A(B \cup C) = AB \cup AC$ ,  $A \cap (BC) = (A \cap B) \cap (A \cap C)$ ; (4) 对偶律:  $\overline{A \cup B} = \bar{A} \cap \bar{B}$ ,  $\overline{A \cap B} = \bar{A} \cup \bar{B}$ ;  $\overline{\bar{A}} = A$ ,  $\overline{A \cup \bar{A}} = \emptyset$ ,  $\overline{A \cap \bar{A}} = \Omega$ 。

对偶律也称为德摩根公式, 其中 $A_i$ 的下标 $i$ 可以取值于有限指标集、可数指标集, 甚至任意指标集。

对偶律可以这样来记忆: 并的逆 = 逆的交, 再反过来念: 交的逆 = 逆的并。

事件的这些运算规律的证明与集合的运算规律的证明完全一致, 均是先证明左边事件(集合)包含于右边事件(集合), 再证明右边事件(集合)包含于左边事件(集合), 从而得到等号两边的事件(集合)相等。

证明留作思考题。

1.1.6 用简单事件表示复杂事件在实际中碰到的事件多为较为复杂的事件, 往往需要用一些简单事件来表示它们, 以便对其进行讨论。

<<概率论与数理统计>>

版权说明

本站所提供下载的PDF图书仅提供预览和简介，请支持正版图书。

更多资源请访问:<http://www.tushu007.com>